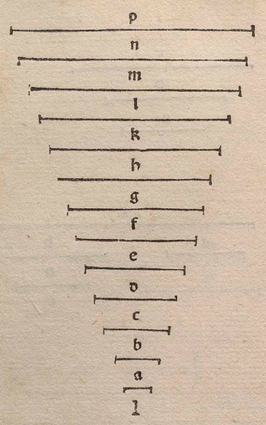


Propositio. 9

Si numeris quotlibet ab vnitate cōtinua ꝓportionalitate dispositis vnitatē sequēs quadratꝰ fuerit: ceteri quoqꝫ oēs erunt quadrati. Si vero qui vnitatē sequitur fuerit cubus ceteri quoqꝫ omnes erunt cubi.

¶Sint qui prius continue proportionales ab vnitate. sitqꝫ .a. quadratus: dico omnes esse quadratos. aut sit idem cubus: tunc quoqꝫ dico omnes cē cubos. b. enī constat esse quadratū ꝑ premissaꝫ: qꝝ ergo. a. ad. b. sicut. b. ad. c. ex 27. octaui sequit̄. c. esse quadratū. idē quoqꝫ ex eiusdē. 17. vel. 20. potes arguere: de sequentibus autē idē codēqꝫ modo ꝓbabis: quare patet primū. Scōm autē sic. cū. b fiat ex. a. in se si fuerit. a. cubus erit per. 3. ipse quoqꝫ cubus. c. vero constat esse cubum per premissam. itaqꝫ per. 23. octaui. d. omnesqꝫ sequentes cubicos esse probabis: est enī. a. ad. b. sicut. c. ad. d. Idem quoqꝫ arguere potes ex. 19. vel. 21. eiusdem sunt enī. a. b. c. d. sed et. b. c. d. c. singuliqꝫ quatuor continue sumpti continue proportionales.

Propositio 10.

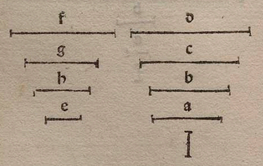
Si numeris quotlibet ab vnitate continua ꝓportionalitate dispositis vnitatē sequēs non quadratus fuerit. non erit alioꝝ quisqꝫ quadratus exceptis ab vnitate: tertio ex his qui deiceps vno semp̄ itermisso reperiunt̄ tetragoni. Si vero secūdus ab vnitate nō fuerit cubus: nullus ceterorū erit cubus exceptis ab vnitate quarto: et deinceps bis qui duoꝝ semp̄ itermissione formantur cubicis.

¶Hec ex opposito subiecti premisse infert ptem oppositi passionis. dico aūt partē qm̄ ex. 8. ꝓstat oēs impares esse quadratos. omnesqꝫ quoꝝ locus sup̄ ternarium vel quēlibet ipsius multiplicē addit vnitatē esse cubos. sunt itaqꝫ qui prius ab vnitate ꝓtinue proportionales nō sit autē. a. quadratus sed nec cubus. dico nullum eoꝝ esse quadratum: aut cubicū nisi quos octaua proponit. si enī quis alius ponatur quadratus sequit̄ ꝑ. 22. octaui. a. esse quadratū. Qō si cubus sequit̄ per. 23. eiusdem. a. esse cubum quoꝝ vtrūqꝫ contrarium est ypothe. Constat ergo ꝓpositū.

Propositio .11.

Si numeris quotlibet ab vnitate cōtinua ꝓportionalitate dispositis aliquis numerꝰ primus vltimum numeret: eum quoqꝫ qui vnitatē sequitur numerare necesse est.

¶Sint vsqꝫ ad. d. ꝓtinue proportionales ab vnitate: sitqꝫ. c. numerꝰ primus de quo ponaī ipsū numerare. d. dico ꝙ idem numerabit. a. Nā si nō erit ad ipm primꝰ ꝑ. 32. sep. et qꝝ ex. a. i se fit. b. sequit̄ ex. 26. eiusdē ut ipe quoqꝫ sit primꝰ ad. b. sed et ad. c. et ad. d. sequit̄ ipm eē p̄mū. ꝑ. 25. eiusdē: eo ꝙ ex. a i. b. fit. c. et ex eodē in. c. d. nō ergo numerat. d. cū sit primus ad ipm: qre accidit ꝺ/riū ypoth. Jdē aliter cū fit. e. primꝰ si nō numerat. a. p̄mus erit ad ipm ꝑ. 32. sep. itaqꝫ ꝑ. 32. eiusdē erūt minimi i sua ꝓportione: qꝝ aūt. e. ex ypoth. numerat. d. sit vt bm. f. ꝓstat vero ꝙ ex. a. in. c. fiat. d. ergo ꝑ secūdā ptē. 20. sep. erit. a. ad. e. sicut f. ad. c. qre ꝑ. 21. eiusdē. e. numerabit. c. et sit ut bm. g. et qꝝ ex. a. i. b. fit. c. sequit̄ quoqꝫ per easdem et eodē mō ut. e. numeret. b. esto ergo ꝙ bm. b. et qm̄ rursus ex. a. in se fit. b. necesse est iterū per easdē ut. e. numeret. a. sed positū erat non numerare ꝫ accidit impossibile.

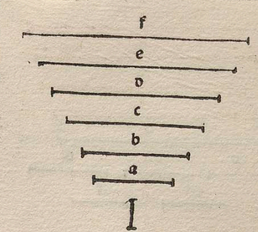
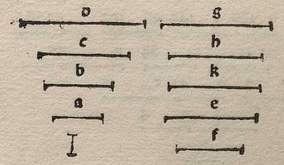
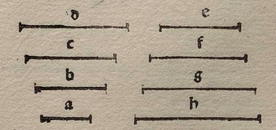


Propositio .12.

Si numeris ab vnitate ꝓtinue ꝓportionalib⁹ minor maiorē numerat bm aliquē i illa ꝓportionalitate dispositum.

¶Sint ab vnitate vsqꝫ ad. f. cōtinue ꝓportionales. dico nullū ipsoꝝ numerare. f. nisi bm aliquē alioꝝ: cōstat enī ꝙ. e. numerat ipsū. f. bm a. est enī. e. ad. f. vt vnitas ad. a. sed et. d. numerat eūdē. f. bm. b. é nāqꝫ ꝑ equā ꝓportionalitatē. d. ad. f. vt vnitas ad. b. De. c. quoqꝫ patet eodē mō ꝙ secūdū se ipsū numeret eum. Econuerso quoqꝫ. a. numerat eū bm. c. eo ꝙ sicut vnitas ad. c. ita. a. ad. f. b. vero bm. d. est enī vt vnitas ad. d. ita. b. ad. f. vꝝ igit̄ est ꝙ ꝓponitur. Quippe quotus quisqꝫ qui proponit̄ vltimū numerare fuerit sub vltimo bm totum supra vnitatem: numerare ipsum conuincit̄ ꝑ equā proportionalitatem et diffinitionem.

Propositio 13

Quotlibet numeris ab vnitate cōtinue ꝓportionalibus si qui vnitatem sequitur fuerit numerus primus maximum eorum nisi de numeris in illa proportionalitate dispositis nullus numerabit.

¶Sint vt prius vsqꝫ ad .d. continue proportiōales ab vnitate. sitqꝫ a. numerꝰ primꝰ: dico ꝙ nullus numerabit vltimū nec sumꝑ aliquē eoꝝ nisi aliqs eoꝝ qui antecedit vltimū vel eū qui ponit̄ numerari. Sit enī si possibile é. e. diuersus ab eis qui numeret. d. qui si fuerit primus ꝑ. 11. numerabit. a. non igit̄ é. a. p̄mꝰ quod é ꝓ ypoth. Si aūt ipse fuerit cōpositus necesse é per. 30. septimi: vt aliqs primus nūeret eū qui nō erit nisi. a. Nā si é alius ab. a. vt. f. cū necesse sit ipsū nūerare d. arguet̄ etiā eūdē numerare. a. ꝑ. 11. sic quoqꝫ. a. nō erit p̄mus. Est igit̄. a. primus numerās. e. qm̄ aūt. e. nūerat. d. sit vt bm. g. eritqꝫ ꝑ scōaꝫ ptē. 20. sep. a. ad. e. sicut g. ad. c. sit enī. d. ex. a. i. c. qre cū. a. numeret. e. et. g. numerabit. c. sitqꝫ ut bm. b. sequitqꝫ ut. a. numeret. g. sicut sequbaī vt numeraret. c. alioquin si. g. quidē é p̄mꝰ eū numeret. c. sequit̄ ꝑ. 11. ipsū numerare. a. Si aūt cōpositus ꝑ eādem sequit̄ numerū primū numerantē. g. numerare. a. quod é incōueniēs. itaqꝫ. a. numerat eū. sequit̄ ergo ꝑ secundā ptē. 20. septimi vt. b. numeret quoqꝫ. b. eo ꝙ tā ex. a. in. b. qꝫ ex. g. in. b. ꝓstat ꝓduci. c. numeret. b. itaqꝫ ipm bm. k. Constat aūt vt primꝰ de. g. ꝙ. a. numeret. b. Nā si nō nō erit. a. primꝰ itaqꝫ ꝑ secūdā ptē. 20. sep. seqt̄ ut. k. numeret. a fit enī tā ex. a in se qꝫ ex. b. i. k. b. Manifestū é aūt. k. nō esse. a. nullius enī numeroꝝ. g. b. k. é aliquis ex. a. b. c. d. si enī. g. esset aliquis ex eis cū ipe numeret. d. secundū. e. eēt ꝑ p̄missā. e. quoqꝫ aliquis ex eis. qꝫ nō erat: nec igit̄. g. silr cū. b. numeret. c. bm. g. nō erit. b. aliquis ex. a. b. c. Nam esset. ꝑ p̄missā et. g. ostēsum é autez ꝙ non: nec igit̄. b. eadē rōne nec. k. cū enī ipse numeret. b. secundū. b. si ipse eēt. a. cōuincerēt ꝑ p̄missā. b. quoqꝫ eē. a. At nō erat: nec igit̄. k. erit. a. numerat aūt ipsum Nō é itaqꝫ. a. primꝰ qō é ipossibile. ¶Aliter idē si. c. diuersus ab. a. b. c. d. numerat d. sit vt secundū. f. et qꝝ. a. numerus primus numerat. d. ꝓductū ex. c. in. f. sequit̄ ex 33. sep. ꝙ ipse numeret. e. vel. f. numeret. ergo. e. qꝝ igit̄ tā ex. a. i. c. qꝫ ex. e. in. f. fit d. erit per secundā partē. 20. septimi. a. ad. e. sicut. f. ad. c. numerat itaqꝫ. f. c. sit vt secundū. g. eritqꝫ per. 33. septimi ut. a. quoqꝫ numeret. f. vel. g. sitqꝫ ut. f. sequit̄qꝫ per secundam partem. 20. eiusdem vt. g. numeret. b. sitqꝫ ut secundum. b. ut primus igitur. a. numerabit. g. vel. b. et sit vt nnmeret. g. b. ergo per secundam ptē. 20. numerabit. a. si itaqꝫ. b. non é equalis. a. non erit. a. primus: quod é ꝓtra ypoth. Si aūtē equalis erit vnusquisqꝫ numeroꝝ. g. f. e. aliquis ex. a. b. c. d. ꝑ p̄missā quo